

# MEMO - Méthode des forces - MEMO

<p><b>1/ Analyse de la stabilité et</b> Dans ce cas : une inconnue hyperstatique (We = -1)</p>	<p><b>2/ Choix de l'inconnue principale</b></p>

<p><b>3/ Système Isostatique Associé</b> AVEC le chargement réel SANS la composante hyperstatique</p>	<p><b>4/ Système Unitaire</b> SANS le chargement réel AVEC une charge unitaire compatible avec l'inconnue X<sub>1</sub></p>

5/ Relations sur les déplacements		
Système réel	Système isostatique	Système unitaire
Déplacement compatible avec X <sub>1</sub> ( pt d'application et direction ) dans le système réel	Déplacement compatible avec X <sub>1</sub> ( pt d'application et direction ) dans le système isostatique 0	X <sub>1</sub> . Déplacement compatible avec X <sub>1</sub> ( pt d'application et direction ) dans le système unitaire 1
déplacement en D = 0 = Δ <sub>1</sub> = Δ <sub>10</sub> + X <sub>1</sub> . δ <sub>11</sub>		

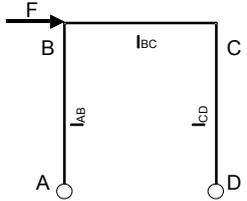
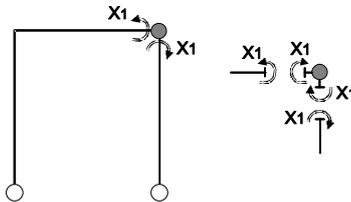
<p><b>6/ Calcul des déplacements</b> Théorème de Müller Breslau</p>	<p><b>7/ Digramme des efforts intérieurs</b> Hypothèse : <u>On néglige</u> les effets de l'effort tranchant et de l'effort normal <u>devant</u> ceux du moment fléchissant</p>
$\frac{1}{2} \Delta_{10} \cdot 1 = \frac{1}{2} \int_{\text{structure}} M_0 \frac{m_1}{EI}$ $\frac{1}{2} \delta_{11} \cdot 1 = \frac{1}{2} \int_{\text{structure}} m_1 \frac{m_1}{EI}$	

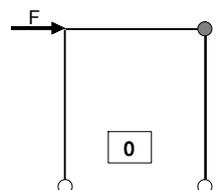
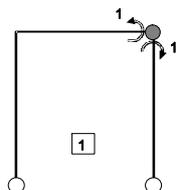
8/ Calcul intégral (tableau de Mohr)	
$\Delta_{10} = \frac{L_{AB}}{EI_{AB}} \left[ \begin{array}{c} M_0 \\ \text{A} \quad \text{B} \end{array} \right] + \frac{L_{BC}}{EI_{BC}} \left[ \begin{array}{c} M_0 \\ \text{B} \quad \text{C} \end{array} \right] + \frac{L_{CD}}{EI_{CD}} \left[ \begin{array}{c} M_0=0 \\ \text{C} \quad \text{D} \end{array} \right]$	$\delta_{11} = \frac{L_{AB}}{EI_{AB}} \left[ \begin{array}{c} m_1 \\ \text{A} \quad \text{B} \end{array} \right] + \frac{L_{BC}}{EI_{BC}} \left[ \begin{array}{c} m_1 \\ \text{B} \quad \text{C} \end{array} \right] + \frac{L_{CD}}{EI_{CD}} \left[ \begin{array}{c} m_1 \\ \text{C} \quad \text{D} \end{array} \right]$

Résultat de l'étude de X<sub>1</sub> :  $X_1 = -\frac{\Delta_{10}}{\delta_{11}}$

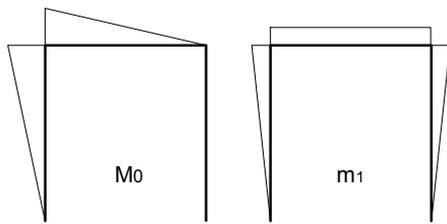
# MEMO - Méthode des forces - MEMO

Alternative

<p><b>1/ Analyse de la stabilité et</b> Dans ce cas : une inconnue hyperstatique (We = -1)</p>	<p><b>2/ Choix de l'inconnue principale</b> Couples concentrés sur le degré de liberté relâché (relaxation)</p>
	<p>ATTENTION il faut <b>équilibrer le noeud</b></p> 

<p><b>3/ Système Isostatique Associé</b> AVEC le chargement réel SANS la composante hyperstatique</p>	<p><b>4/ Système Unitaire</b> SANS le chargement réel AVEC une charge unitaire compatible avec l'inconnue X1</p>
	

5/ Relations sur les déplacements		
<p>Système réel</p> <p><b>Rotation</b> compatible avec X1 (pt d'application et « direction ») dans le système réel</p> <p><b>Rotation relative</b> = 0 = Δ1 =</p>	<p>Système isostatique</p> <p><b>Rotation</b> compatible avec X1 (pt d'application et « direction ») dans le système isostatique 0</p> <p>Δ10</p>	<p>Système unitaire</p> <p>X1 . <b>Rotation</b> compatible avec X1 (pt d'application et « direction ») dans le système unitaire 1</p> <p>+ X1 . δ11</p>

<p><b>6/ Calcul des déplacements</b> Théorème de Müller Breslau</p>	<p><b>7/ Digramme des efforts intérieurs</b> Hypothèse : <u>On néglige</u> les effets de l'effort tranchant et de l'effort normal <u>devant</u> ceux du moment fléchissant</p>
$\frac{1}{2} \Delta_{10} \cdot 1 = \frac{1}{2} \int_{\text{structure}} M_0 \frac{m_1}{EI}$ $\frac{1}{2} \delta_{11} \cdot 1 = \frac{1}{2} \int_{\text{structure}} m_1 \frac{m_1}{EI}$	

8/ Calcul intégral (tableau de Mohr)	
$\Delta_{10} = \frac{L_{AB}}{EI_{AB}} \left[ \begin{array}{c} M_0 \\ \text{A} \quad \text{B} \end{array} \quad \begin{array}{c} m_1 \\ \text{A} \quad \text{B} \end{array} \right] + \frac{L_{BC}}{EI_{BC}} \left[ \begin{array}{c} M_0 \\ \text{B} \quad \text{C} \end{array} \quad \begin{array}{c} m_1 \\ \text{B} \quad \text{C} \end{array} \right] + \frac{L_{CD}}{EI_{CD}} \left[ \begin{array}{c} M_0 = 0 \\ \text{C} \quad \text{D} \end{array} \quad \begin{array}{c} m_1 \\ \text{C} \quad \text{D} \end{array} \right]$	
$\delta_{11} = \frac{L_{AB}}{EI_{AB}} \left[ \begin{array}{c} m_1 \\ \text{A} \quad \text{B} \end{array} \quad \begin{array}{c} m_1 \\ \text{A} \quad \text{B} \end{array} \right] + \frac{L_{BC}}{EI_{BC}} \left[ \begin{array}{c} m_1 \\ \text{B} \quad \text{C} \end{array} \quad \begin{array}{c} m_1 \\ \text{B} \quad \text{C} \end{array} \right] + \frac{L_{CD}}{EI_{CD}} \left[ \begin{array}{c} m_1 \\ \text{C} \quad \text{D} \end{array} \quad \begin{array}{c} m_1 \\ \text{C} \quad \text{D} \end{array} \right]$	

Résultat de l'étude de X1 :  $X_1 = -\frac{\Delta_{10}}{\delta_{11}}$